9 математический класс 1543. Алгебра. 13 февраля 2024

| **1** | Решите уравнения при помощи *замены переменной*:

a
$$\sqrt{2-x}-20=\sqrt[4]{2-x};$$
 b $x^2-4x-6=\sqrt{2x^2-8x+12};$ c $x^2+\sqrt{x^2-x+9}=x+3.$

|2| Решите уравнения при помощи *двойной замены*:

a
$$\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{17 - x} = 3;$$
 b $\sqrt{2x^2 - 12x + 46} - \sqrt{x^2 - 6x + 22} = 3.$

[3] Решите уравнения при помощи умножения на сопряженные:

a
$$\sqrt{x^2+3x-2}-\sqrt{x^2-x+1}=4x-3$$
; b $\sqrt{3x^2-1}+\sqrt{x^2-x+1}=\sqrt{3x^2+2x+1}+\sqrt{x^2+2x+4}$.

4 Решите уравнения (могут использоваться как новые методы, так и старые):

a
$$\frac{7x-2}{\sqrt{3x-8}} = 3\sqrt{2x+3}$$
; b $\sqrt[3]{x-2} + \sqrt{x+1} = 3$; c $\sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} + \sqrt{\frac{2x-3}{3x+2}} = 2.5$;

d
$$\sqrt{x} + \sqrt{x-3} + x = 2;$$
 e $\sqrt[3]{15x+1-x^2} + \sqrt[3]{x^2-15x+27} = 4;$

$$\boxed{\mathbf{h^*}} \ 7x^2 + 20x - 14 = 5\sqrt{x^4 - 20x^2 + 4}.$$

9 математический класс 1543. Алгебра. 13 февраля 2024

| **1** | Решите уравнения при помощи *замены переменной*:

a
$$\sqrt{2-x} - 20 = \sqrt[4]{2-x}$$
; b $x^2 - 4x - 6 = \sqrt{2x^2 - 8x + 12}$; c $x^2 + \sqrt{x^2 - x + 9} = x + 3$.

2 Решите уравнения при помощи двойной замены:

a
$$\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{17 - x} = 3;$$
 b $\sqrt{2x^2 - 12x + 46} - \sqrt{x^2 - 6x + 22} = 3.$

[3] Решите уравнения при помощи умножения на сопряженные:

$$\boxed{a} \sqrt{x^2 + 3x - 2} - \sqrt{x^2 - x + 1} = 4x - 3; \quad \boxed{b} \sqrt{3x^2 - 1} + \sqrt{x^2 - x + 1} = \sqrt{3x^2 + 2x + 1} + \sqrt{x^2 + 2x + 4}.$$

4 Решите уравнения (могут использоваться как новые методы, так и старые):

$$\boxed{a} \frac{7x-2}{\sqrt{3x-8}} = 3\sqrt{2x+3}; \qquad \boxed{b} \sqrt[3]{x-2} + \sqrt{x+1} = 3; \qquad \boxed{c} \sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} + \sqrt{\frac{2x-3}{3x+2}} = 2,5;$$

$$\boxed{\frac{1}{\sqrt{x} + \sqrt{x - 3} + x} = 2;} \quad \boxed{e} \quad \sqrt[3]{15x + 1 - x^2} + \sqrt[3]{x^2 - 15x + 27} = 4;}$$

$$\boxed{f} \sqrt{2x^2 + 3x + 5} + \sqrt{2x^2 - 3x + 5} = 3x; \qquad \boxed{g} \sqrt{x^2 - 2x - 15} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = \sqrt{4 - x^2};$$

$$\boxed{\mathbf{h^*}} \ 7x^2 + 20x - 14 = 5\sqrt{x^4 - 20x^2 + 4}.$$

9 математический класс 1543. Алгебра. 13 февраля 2024

1 Решите уравнения при помощи замены переменной:

a
$$\sqrt{2-x} - 20 = \sqrt[4]{2-x}$$
; b $x^2 - 4x - 6 = \sqrt{2x^2 - 8x + 12}$; c $x^2 + \sqrt{x^2 - x + 9} = x + 3$.

2 Решите уравнения при помощи двойной замены:

a
$$\sqrt[4]{x} + \sqrt[4]{17 - x} = 3$$
; b $\sqrt{2x^2 - 12x + 46} - \sqrt{x^2 - 6x + 22} = 3$.

[3] Решите уравнения при помощи умножения на сопряженные:

a
$$\sqrt{x^2 + 3x - 2} - \sqrt{x^2 - x + 1} = 4x - 3$$
; b $\sqrt{3x^2 - 1} + \sqrt{x^2 - x + 1} = \sqrt{3x^2 + 2x + 1} + \sqrt{x^2 + 2x + 4}$.

4 Решите уравнения (могут использоваться как новые методы, так и старые):

a
$$\frac{7x-2}{\sqrt{3x-8}} = 3\sqrt{2x+3}$$
; b $\sqrt[3]{x-2} + \sqrt{x+1} = 3$; c $\sqrt{\frac{3x+2}{2x-3}} + \sqrt{\frac{2x-3}{3x+2}} = 2,5$; d $\sqrt{x} + \sqrt{x-3} + x = 2$; e $\sqrt[3]{15x+1-x^2} + \sqrt[3]{x^2-15x+27} = 4$;

d
$$\sqrt{x} + \sqrt{x-3} + x = 2;$$
 e $\sqrt[3]{15x+1-x^2} + \sqrt[3]{x^2-15x+27} = 4$

$$\boxed{f} \sqrt{2x^2 + 3x + 5} + \sqrt{2x^2 - 3x + 5} = 3x; \qquad \boxed{g} \sqrt{x^2 - 2x - 15} + \sqrt{3x^2 + 3x + 1} = \sqrt{4 - x^2};$$

$$\boxed{\mathbf{h}^*} \ 7x^2 + 20x - 14 = 5\sqrt{x^4 - 20x^2 + 4}.$$

Домашнее задание. 13 февраля \to 17 февраля

 $|\mathbf{1}|$ Решите уравнения

a
$$\sqrt{5x-5} = \frac{4}{\sqrt{3x-2}} + \sqrt{3x-2}$$
; b $\sqrt{x-2} - \sqrt{7-x} = \sqrt{2x-11}$; c $\sqrt{6x^2-3x+1} - \sqrt{4x^2-2x-1} = \sqrt{3-4x^2+2x}$; d $\sqrt[3]{3-x} + \sqrt{6+x} = 3$;

$$\overline{c}$$
 $\sqrt{6x^2 - 3x + 1} - \sqrt{4x^2 - 2x - 1} = \sqrt{3 - 4x^2 + 2x};$ \overline{d} $\sqrt[3]{3 - x} + \sqrt{6 + x} = 3$

$$\boxed{\mathbf{e}} \sqrt{x^2 + 5x + 3} - \sqrt{x^2 + 3x + 2} = 2x + 1;$$

[2] (Оформление!) Постройте график функции $y = \frac{\left(\sqrt{x^2 - 5x + 6}\right)^2}{x - 3}$ и найдите все значения a, при которых прямая y = a не имеет с графиком данной функции общих точек.

Домашнее задание. 13 февраля \to 17 февраля

1 Решите уравнения

a
$$\sqrt{5x-5} = \frac{4}{\sqrt{3x-2}} + \sqrt{3x-2}$$
; b $\sqrt{x-2} - \sqrt{7-x} = \sqrt{2x-11}$; c $\sqrt{6x^2-3x+1} - \sqrt{4x^2-2x-1} = \sqrt{3-4x^2+2x}$; d $\sqrt[3]{3-x} + \sqrt{6+x} = 3$;

$$\boxed{c} \sqrt{6x^2 - 3x + 1} - \sqrt{4x^2 - 2x - 1} = \sqrt{3 - 4x^2 + 2x}; \qquad \boxed{d} \sqrt[3]{3 - x} + \sqrt{6 + x} = 3;$$

$$\boxed{e} \sqrt{x^2 + 5x + 3} - \sqrt{x^2 + 3x + 2} = 2x + 1;$$

[2] (Оформление!) Постройте график функции $y = \frac{\left(\sqrt{x^2 - 5x + 6}\right)^2}{x - 3}$ и найдите все значения a, при которых прямая y = a не имеет с графиком данной функции общих точек.

Домашнее задание. 13 февраля o 17 февраля

1 Решите уравнения

a
$$\sqrt{5x-5} = \frac{4}{\sqrt{3x-2}} + \sqrt{3x-2}$$
; b $\sqrt{x-2} - \sqrt{7-x} = \sqrt{2x-11}$; c $\sqrt{6x^2-3x+1} - \sqrt{4x^2-2x-1} = \sqrt{3-4x^2+2x}$; d $\sqrt[3]{3-x} + \sqrt{6+x} = 3$;

$$| c | \sqrt{6x^2 - 3x + 1} - \sqrt{4x^2 - 2x - 1} | = \sqrt{3 - 4x^2 + 2x};$$
 $| d | \sqrt[3]{3 - x} + \sqrt{6 + x} | = 3;$

$$\boxed{ e } \sqrt{x^2 + 5x + 3} - \sqrt{x^2 + 3x + 2} = 2x + 1;$$

2 (Оформление!) Постройте график функции $y = \frac{\left(\sqrt{x^2 - 5x + 6}\right)^2}{x - 3}$ и найдите все значения a, при которых прямая y = a не имеет с графиком данной функции общих точек