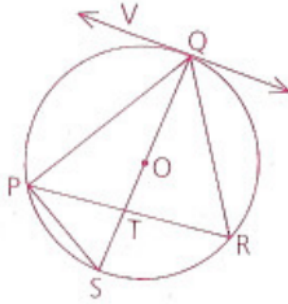


8 «ВТ», домашнее задание на 5 апреля.

1 Дана окружность. Прямые, содержащие хорды AD и BC , пересекаются вне окружности в точке Y , а хорды AC и BD — в точке X . $\widehat{AB}=108^\circ$, $\widehat{CD}=62^\circ$. Найдите a $\angle AXB$; b $\angle AYB$.

2 VQ — касательная, $\widehat{PQ}=115^\circ$, $\angle RPS=36^\circ$. Найдите

- a $\angle QRP$; b $\angle PSQ$; c \widehat{QR} ; d \widehat{SR} ; e $\angle QTP$; f $\angle PQS$.



3 В треугольнике ABC биссектрисы углов B и C пересекают его описанную окружность в точках B_1 и C_1 соответственно. O — центр описанной окружности треугольника ABC . Известно, что $\angle BB_1O=5^\circ$, $\angle CC_1O=10^\circ$. Найдите углы треугольника ABC , если $\angle A$ — наибольший угол этого треугольника.

4 В треугольнике ABC $\angle A=74^\circ$, $\angle B=62^\circ$, $\angle C=44^\circ$. На дуге BC его описанной окружности выбрана точка P так, что $\angle BAP=40^\circ$. Точки A_1, B_1, C_1 — основания перпендикуляров из точки P на прямые BC, AC, AB соответственно. Чему равны $\angle BA_1C_1, \angle C_1A_1B_1, \angle CPA_1$?

5 BH и BL — соответственно высота и биссектриса треугольника ABC . Точки P и Q — основания перпендикуляров из A на BL и из L на BC соответственно. Докажите, что точки H, P и Q лежат на одной прямой.

6 $ABCD$ — выпуклый четырёхугольник, $AB=BC$ и $AD=DC$. На диагонали AC нашлась такая точка K , что $AK=BK$ и четырёхугольник $KBCD$ вписанный. Докажите, что $BD=CD$.

7 *Circumcenter* — центр описанной окружности (по-русски иногда говорят «циркумцентр»).

Given:

- Triangle ABC: O orthocenter
- Triangle BFG: G circumcenter

To Prove:

A, F, O, G, C: concyclic

© Antonio Gutierrez
www.gogeometry.com

Prove:
A, F, O, G, C → concyclic