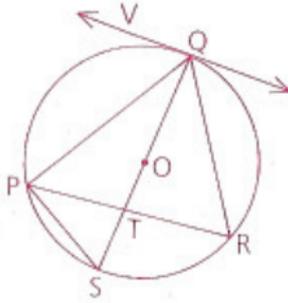


8 «ВТ», домашнее задание на 5 апреля.

1 Дана окружность. Прямые, содержащие хорды  $AD$  и  $BC$ , пересекаются вне окружности в точке  $Y$ , а хорды  $AC$  и  $BD$  — в точке  $X$ .  $\widehat{AB}=108^\circ$ ,  $\widehat{CD}=62^\circ$ . Найдите a  $\angle AXB$ ; b  $\angle AYB$ .

2  $VQ$  — касательная,  $\widehat{PQ}=115^\circ$ ,  $\angle RPS=36^\circ$ . Найдите

- a  $\angle QRP$ ; b  $\angle PSQ$ ; c  $\widehat{QR}$ ; d  $\widehat{SR}$ ; e  $\angle QTP$ ; f  $\angle PQS$ .



3 В треугольнике  $ABC$  биссектрисы углов  $B$  и  $C$  пересекают его описанную окружность в точках  $B_1$  и  $C_1$  соответственно.  $O$  — центр описанной окружности треугольника  $ABC$ . Известно, что  $\angle BB_1O=5^\circ$ ,  $\angle CC_1O=10^\circ$ . Найдите углы треугольника  $ABC$ , если  $\angle A$  — наибольший угол этого треугольника.

4 В треугольнике  $ABC$   $\angle A=74^\circ$ ,  $\angle B=62^\circ$ ,  $\angle C=44^\circ$ . На дуге  $BC$  его описанной окружности выбрана точка  $P$  так, что  $\angle BAP=40^\circ$ . Точки  $A_1, B_1, C_1$  — основания перпендикуляров из точки  $P$  на прямые  $BC, AC, AB$  соответственно. Чему равны  $\angle BA_1C_1, \angle C_1A_1B_1, \angle CPA_1$ ?

5  $BH$  и  $BL$  — соответственно высота и биссектриса треугольника  $ABC$ . Точки  $P$  и  $Q$  — основания перпендикуляров из  $A$  на  $BL$  и из  $L$  на  $BC$  соответственно. Докажите, что точки  $H, P$  и  $Q$  лежат на одной прямой.

6  $ABCD$  — выпуклый четырёхугольник,  $AB=BC$  и  $AD=DC$ . На диагонали  $AC$  нашлась такая точка  $K$ , что  $AK=BK$  и четырёхугольник  $KBCD$  вписанный. Докажите, что  $BD=CD$ .

7 *Circumcenter* — центр описанной окружности (по-русски иногда говорят «циркумцентр»).

**Given:**

- Triangle ABC: O orthocenter
- Triangle BFG: G circumcenter

To Prove:

A, F, O, G, C: concyclic

© Antonio Gutierrez  
www.gogeometry.com

Prove:  
A, F, O, G, C → concyclic