

Геометрия, 8В, домашнее задание 10 → 15 марта.

1. В четырёхугольнике $ABCD$ углы B и D прямые. Диагональ AC образует со стороной AB угол 40° , а со стороной AD – угол 30° . Найдите угол между диагоналями четырёхугольника.
2. Точка O – центр описанной окружности остроугольного треугольника ABC . Описанная окружность треугольника AOB касается прямой AC . Докажите, что $AB = AC$.
3. В окружность ω вписан треугольник ABC . Хорда AA' перпендикулярна BC , хорда BB' перпендикулярна AC , хорда CC' перпендикулярна AB . Докажите, что $A'A$, $B'B$ и $C'C$ – биссектрисы углов треугольника $A'B'C'$.
4. Точки O и I – центры описанной и вписанной окружностей треугольника ABC , M – середина дуги AC описанной окружности (не содержащей точки B). Найдите $\angle ABC$, если $MI = MO$.
5. На продолжении стороны AD вписанного четырёхугольника $ABCD$ за точку D отмечена точка E , такая, что $AC = CE$ и $\angle BDC = \angle DEC$. Докажите, что $AB = DE$.
6. Внеписанная окружность треугольника ABC касается его стороны BC в точке A_1 , продолжения стороны AC – в точке B_1 . Точка H – проекция B на биссектрису $\angle CAB$. Докажите, что точки A_1 , B_1 и H лежат на одной прямой.
7. На окружности по одну сторону от диаметра PQ взяты точки M и N , а на диаметре – точка T так, что $\angle MTP = \angle NTQ$. Докажите, что описанная окружность треугольника NTM проходит через центр данной окружности.
8. На полуокружности с диаметром AB выбраны точки C и D . Точка E симметрична A относительно середины хорды CD . Докажите, что $CD \perp EB$.