

*Математический кружок 6 класса в школе 1543.*  
**Множества и круги Эйлера. Зелёные.**

Во вселенной бесчётное множество миров, а я ещё и одного не завоевал!

---

Александр Македонский

### Вступление

**1** Среди математиков каждый седьмой — философ, а среди философов каждый девятый — математик. Кого больше: философов или математиков?

**2** Дима провёл социальный опрос и выяснил про жителей своего подъезда, что 25 из них играют в шахматы, 30 были в Архангельске, 28 летали на самолете. Среди летавших на самолете 18 играют в шахматы и 17 были в Архангельске. 16 жителей играют в шахматы и были в Архангельске, притом среди них 15 еще и летали на самолете. От управдома Дима узнал, что всего в подъезде живет 45 человек. Не врёт ли управдом?

### А теперь сами

**1** В гимназии учится 100 человек, и они все знают хотя бы один из древних языков — греческий или латынь, некоторые — оба языка. 85 учеников знают греческий язык и 75 учеников знают латынь. Сколько учеников знают оба языка?

**2**     **а** Сколько существует натуральных чисел от 1 до 1000, которые делятся на 3? На 5? На 15?

**б** А сколько натуральных чисел от 1 до 1000 делятся на 3 или на 5?

**в** Сколько натуральных чисел от 1 до 1000 не делятся ни на 3, ни на 5, ни на 7?

**3** У каждого из 30 шестиклассников есть одна ручка, один карандаш и одна линейка. После их участия в олимпиаде оказалось, что 26 учеников потеряли ручку, 23 — линейку и 21 — карандаш. Найдите наименьшее возможное количество шестиклассников, потерявших все три предмета.

**4** В детский сад завезли карточки для обучения чтению: на некоторых написано МА, на остальных — НЯ. Каждый ребёнок взял три карточки и стал составлять из них слова. Оказалось, что слово МАМА могут сложить из своих карточек 20 детей, слово НЯНЯ — 30 детей, а слово МАНЯ — 40 детей. У скольких ребят все три карточки одинаковы?

## Множества и круги Эйлера. Зелёные. Добавка.

5 В группе из 50 ребят некоторые знают все буквы, кроме Р, которую просто пропускают при письме, а остальные знают все буквы, кроме К, которую тоже пропускают. Однажды учитель попросил 10 учеников написать слово КОТ, 18 других учеников — слово РОТ, а остальных — слово КРОТ. При этом слова КОТ и РОТ оказались написанными по 15 раз. Сколько ребят написали своё слово верно?

6 Антон, Артём и Вера решили вместе 100 задач по математике. Каждый из них решил 60 задач. Назовем задачу трудной, если её решил только один человек, и лёгкой, если её решили все трое. Насколько отличается количество трудных задач от количества лёгких?

7 Юра, Лёша и Миша коллекционируют марки. Количество Юриных марок, которых нет у Лёши, меньше, чем количество марок, которые есть и у Юры, и у Лёши. Точно так же, число Лёшиных марок, которых нет у Миши, меньше, чем число марок, которые есть и у Лёши и у Миши. А число Мишиных марок, которых нет у Юры, меньше, чем число марок, которые есть и у Юры и у Миши. Докажите, что какая-то марка есть у каждого из трех мальчиков.

8 Куб со стороной 20 разбит на 8000 единичных кубиков, и в каждом кубике записано число. Известно, что в каждом столбике из 20 кубиков, параллельном ребру куба, сумма чисел равна 1 (рассматриваются столбики всех трёх направлений). В некотором кубике записано число 10. Через этот кубик проходит три слоя  $1 \times 20 \times 20$ , параллельных граням куба. Найдите сумму всех чисел вне этих слоёв.

