Математический кружсок 6 класса в школе 1543. Чередования. Зайчики.

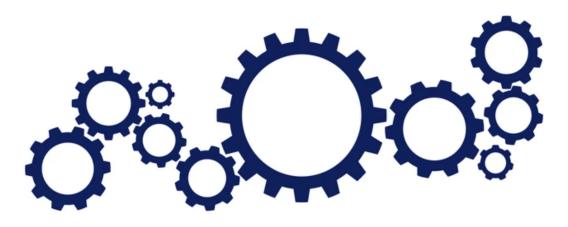
Жизнь как зебра — белые полосы чередуются с чёрными

Вступление

- $|\mathbf{1}| \Pi$ о кругу расположены 9 шестерёнок так, что первая шестерёнка сцеплена со второй, вторая — с третьей, ..., восьмая — с девятой, девятая — с первой. Будет ли крутиться получившаяся конструкция?
- [2] По кругу расставлены 99 натуральных чисел. Известно, что каждые два соседних числа отличаются или на 1, или на 2. Докажите, что хотя бы одно из этих чисел делится на 3.

А теперь сами!

- 1 Барон Мюнхгаузен, вернувшись домой из кругосветного путешествия, рассказывает, что по пути он пересёк границу Трапезундии ровно 7 раз. Стоит ли доверять его словам?
- | 2 | Незнайка сказал, что выписал 99 натуральных чисел по кругу так, что каждые два соседних числа отличаются или на 3, или на 5. Не ошибся ли он?
- 3 По кругу сидят 100 человек, каждый из которых либо рыцарь (который всегда говорит правду), либо лжец (который всегда лжёт). Каждый сказал: «Мои соседи – рыцарь и лжец». Сколько рыцарей за столом?
- |4| В ряд записано 2021 число, сумма любых трёх стоящих подряд чисел равна 100. Первое число равно 15, последнее равно 43. Какое число стоит ровно посередине?
- $|\mathbf{5}|$ По кругу записано больше трех натуральных чисел, сумма которых равна 1543. Известно, что суммы любых трех последовательных чисел равны между собой. Какие числа могут быть написаны по кругу?
 - **6** Несколько гномов и столько же эльфов сели за круглый стол.
- а Докажите, что эльфов, справа от которых сидит гном столько же, сколько гномов, справа от которых сидит эльф.
- b★ Докажите, что пар сидящих рядом эльфов столько же, сколько пар сидящих рядом гномов.



Математический кружсок 6 класса в школе 1543. Чередования. Добавка. Зайчики.

7 Улитка ползает по плоскости с постоянной скоростью, поворачивая на 90° каждые полчаса. Докажите, что она вернется в начальную точку через

а целое число часов; в чётное число часов.

8 17 девочек и 17 мальчиков встали в хоровод. Докажите, что у кого-то с обеих сторон стоят девочки.

9 По кругу написано 99 ненулевых чисел. Между каждыми двумя соседними числами написали их произведение, а прежние числа стерли. Количество положительных чисел не изменилось. Какое минимальное количество положительных чисел могло быть написано изначально?

		9			1	6	7	
6	4		8				9	2
			9			3		
			4		7	5		6
	5	6				4	3	
4		1	6					
5	6	7				9	8	1
	1			8	9			
	9							