Математический кружок 5 класса в школе 1543.

Кролики. Логический разнобой.

Профессор-филолог читает лекцию:
— Существуют языки, где двойное отрицание может означать утверждение. Но не существует языка, где двойное утверждение означало бы отрицание. Голос с задней парты:
— Ну да, конечно...

 Васе и его одноклассникам в школе дали по маленькой подарочной коробочке каждому.
В коробочке могут лежать леденцы, мармеладки и желейные червячки. Но обязательно только
один какой-то вид конфет. Кирилл сказал Васе: «У Светы мармеладки. Она сказала мне, что
у неё леденцы, а она всегда врёт, ты же знаешь» Мог ли Кирилл ошибиться в том, какие
конфеты у Светы, если она действительно та ещё фантазёрка?

- [2] Фантазёрка-Света пришла однажды домой и сказала родителям, что ей поставили «5» по литературе и «4» по математике, а по другим предметам не поставили ничего. Родители заглянули в электронный дневник и увидели, что Света как всегда сочиняет, но ей действительно поставили две оценки по этим предметам и ни троек, ни двоек (ни, тем более, колов) среди них нет. Какие оценки могли увидеть родители? Перечислите все возможные варианты.
 - **3** Про семью Ивановых известно, что все эти утверждения ложь:
 - 1) Дедушке меньше 70 лет.
 - 2) Внучке 5 лет.
 - 3) Папе не 32 и не 33 года.
 - 4) Папе чётное число лет.
 - 4) Мама старше, чем папа.

Какие же верные утверждения можно сказать про возраст каждого из Ивановых? Можно ли определить точно возраст кого-нибудь из членов этой семьи?

- 4 Никто из детей не может открывать рот на кружке, если он не сдает задачи. Все, кто сдает задачи умные. Некоторые дети любят открывать рот на кружке по утрам. Какой вывод можно сделать из этой информации?
- 5 Двух четвероклассников и двух пятиклассников спросили: «Кто умнее: пятиклассники или четвероклассники?» Прозвучали следующие ответы:
 - 1. Любой пятиклассник умнее некоторого четвероклассника.
 - 2. Некоторый пятиклассник умнее некоторого четвероклассника.
 - 3. Любой пятиклассник умнее любого четвероклассника.
 - 4. Некоторый пятиклассник умнее любого четвероклассника.

После этого пятиклассники признались, что пошутили, а четвероклассники подтвердили, что отвечали честно. Можно ли определить, верно ли а первое; b второе;



Кролики. Логический разнобой. Добавка.

- **6** На остров рыцарей и лжецов приехал путешественник и нанял проводника. Однажды, увидев вдали жителя острова, путешественник сказал проводнику: «Пойди и спроси у того человека, рыцарь он или лжец». Вскоре проводник вернулся и сказал: «Этот человек сказал, что он лжец». Кем был проводник, рыцарем или лжецом?
 - 7 Постройте отрицания к следующим утверждениям, не подставляя «не» к глаголам:
 - [a] Любой лемминг с 3 этажа дерзок.
 - b Любой лемминг с 4 этажа дерзок, но не любой зубаст.
 - $\overline{|c|}$ Если лемминг с 3 этажа он либо зубастый, либо дерзкий.
 - [d] Если лемминг не с 3 этажа и не с 5 его не существует.
- [8] Абориген Кондрат рассказывает: «Лечу я как-то в компании других аборигенов на самолёте. На мой вопрос: «Сколько же здесь лжецов?» каждый из моих попутчиков отвечал: «Лжецов в салоне нечётное число». После чего махал мне ручкой и выпрыгивал с парашютом. И вот я остался один ...» Можно ли доверять Кондрату?
 - 9 Один из пяти преподавателей потерял коробку со штампиками.
 - 1) Игнат сказал «Это Арина или Настя».
 - 2) Арина сказал «Штампики потеряла не я и не Соня».
 - 3) Настя сказала: «Вы оба врёте!»
 - 4) Ваня сказал: «Нет, один из них сказал правду, а другой нет».
 - 5) Соня сказала: «Ваня, ты ошибаешься».

Олег знает, что как минимум трое преподавателей никогда не лгут. Кто потерял штампики?

Суперзадача

1 30 девочек — 13 в красных платьях и 17 в синих платьях — водили хоровод вокруг новогодней ёлки. Впоследствии каждую из них спросили, была ли её соседка справа в синем платье. Оказалось, что правильно ответили те и только те девочки, которые стояли между девочками в платьях одного цвета. Сколько девочек могли ответить утвердительно?