

**Исследование квадратного трехчлена-2**Комбинация трёхчлена и показательной функции

10. При каких значениях  $a$  уравнение  $(a-1) \cdot 4^x + (2a-3) \cdot 6^x = (3a-4) \cdot 9^x$  имеет единственное решение?
11. (МИОО, 6.03.2013) Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение  $\frac{4^{-x^2} - a \cdot 2^{1-x^2} + a}{2^{1-x^2} - 1} = 3$  имеет хотя бы одно решение.

Неравенства

12. При каких значениях параметра  $a$  любое решение неравенства  $x^2 - 3x + 2 < 0$  является одновременно решением неравенства  $ax^2 - (3a+1)x + 3 > 0$ ?
13. При каких значениях параметра  $p$  нерав.  $px^2 - 4x + 3p + 1 > 0$  верно при всех положительных  $x$ ?

**Задача №6** Для каких  $p$  существует такое значение  $q$ , что уравнение  $x^2 + px + q = 0$  имеет один корень на отрезке  $[1; 2]$  и один корень на отрезке  $[5; 7]$ ?

**Задача №7** Для каких значений параметра  $a$  уравнение  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  имеет единственное решение, удовлетворяющее условию  $0 < x < 3$ ?

**Задача №8** а) При каких значениях параметра  $a$  оба корня уравнения  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  удовлетворяют условию  $0 < x < 3$ ?

б) При каких значениях параметра  $a$  все корни уравнения  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  удовлетворяют условию  $0 < x < 3$ ?

Домашнее задание

14. Найдите все значения  $a$ , при которых любое значение  $x$ , удовлетворяющее неравенству  $ax^2 + (1 - a^2)x - a > 0$ , по модулю не превосходит 2.
15. Найдите, при каких  $a$  уравнение  $4^x + (a^2 + 5) \cdot 2^x + 9 - a^2 = 0$  не имеет решений.
16. Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение  $36^x - (8a + 5) \cdot 6^x + 16a^2 + 20a - 14 = 0$  имеет единственное решение.

**Исследование квадратного трехчлена-2**Комбинация трёхчлена и показательной функции

10. При каких значениях  $a$  уравнение  $(a-1) \cdot 4^x + (2a-3) \cdot 6^x = (3a-4) \cdot 9^x$  имеет единственное решение?
11. (МИОО, 6.03.2013) Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение  $\frac{4^{-x^2} - a \cdot 2^{1-x^2} + a}{2^{1-x^2} - 1} = 3$  имеет хотя бы одно решение.

Неравенства

12. При каких значениях параметра  $a$  любое решение неравенства  $x^2 - 3x + 2 < 0$  является одновременно решением неравенства  $ax^2 - (3a+1)x + 3 > 0$ ?
13. При каких значениях параметра  $p$  нерав.  $px^2 - 4x + 3p + 1 > 0$  верно при всех положительных  $x$ ?

**Задача №6** Для каких  $p$  существует такое значение  $q$ , что уравнение  $x^2 + px + q = 0$  имеет один корень на отрезке  $[1; 2]$  и один корень на отрезке  $[5; 7]$ ?

**Задача №7** Для каких значений параметра  $a$  уравнение  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  имеет единственное решение, удовлетворяющее условию  $0 < x < 3$ ?

**Задача №8** а) При каких значениях параметра  $a$  оба корня уравнения  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  удовлетворяют условию  $0 < x < 3$ ?

б) При каких значениях параметра  $a$  все корни уравнения  $(a-1)x^2 - (a+1)x + a = 0$  удовлетворяют условию  $0 < x < 3$ ?

Домашнее задание

14. Найдите все значения  $a$ , при которых любое значение  $x$ , удовлетворяющее неравенству  $ax^2 + (1 - a^2)x - a > 0$ , по модулю не превосходит 2.
15. Найдите, при каких  $a$  уравнение  $4^x + (a^2 + 5) \cdot 2^x + 9 - a^2 = 0$  не имеет решений.
16. Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение  $36^x - (8a + 5) \cdot 6^x + 16a^2 + 20a - 14 = 0$  имеет единственное решение.