

Производная показательной и логарифмической функций

$$(e^x)' = e^x$$

$$(a^x)' = a^x \ln a$$

$$(\ln x)' = \frac{1}{x}$$

$$(\log_a x)' = \frac{1}{x \ln a}$$

126. Продифференцируйте функции:

- а) $y = e^{\sin x}$; в) $y = \frac{4^x}{x^2 + 1}$; д) $y = x^n \log_2 x$; ж) $y = \ln(\ln(\ln x))$; и) $y = (x^2 - 2)^{3x-1}$;
 б) $y = \sin e^x$; г) $y = \ln \operatorname{tg} x$; е) $y = e^{e^x}$; з) $y = x^x$; к) $y = \log_a x$.

127. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = x^2 e^{-x}$ в точке $x_0 = 1$

128. Найдите наименьшее и наибольшее значения функции $y = e^x \sin x$ на отрезке $[0; \frac{5\pi}{6}]$.

129. Найдите наименьшее значение функции: а) $y = e^{|x-6|-1}$; б) $y = (x-8)e^{|x-6|-1}$ на отрезке $[5; 8]$.

130. На графике функции $y = x - \ln(2x - 5)$ выбирают произвольную точку M и соединяют с началом координат O . Найдите наименьшее возможное значение периметра прямоугольника с диагональю OM и сторонами, параллельными осям координат.

131. а) Исследуйте функцию $f(x) = \frac{\ln x}{x}$ на возрастание и убывание.
 б) Сравните e^π и π^e .

132. Сравните $\sqrt{3}^{\sqrt{2}}$ и $\sqrt{2}^{\sqrt{3}}$.

133. Попробуйте построить график функции $y = x + e^{-x}$ элементарными методами. При необходимости уточните средствами математического анализа.

134. Постройте график функции:

- а) $y = \log_2 \left(\operatorname{ctg} \frac{x}{2} \right)$; в) $y = e^{\cos x - \sin x}$; д) $y = xe^{-\frac{2}{x}}$;
 б) $y = (2x+1) \cdot e^{2x}$; г) $y = x^x$; е) $y = \frac{x}{1 - \ln x}$.

135. Найдите расстояние между кривыми $y = 2^x$ и $y = \log_2 x$.

136. Сколько корней может иметь уравнение $e^x = ax^2 + bx + c$?

Домашнее задание

137. Постройте график функции $y = e^{\ln|\frac{x+1}{x}|}$

138. Продифференцируйте функции: а) $4^{\operatorname{tg} x}$; б) $\log_2(\arccos x)$; в) $(\cos 2x)^{\operatorname{arctg} x}$.

139. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = e^{2x}$, параллельной прямой $y = 2x + 3$.

140. Напишите уравнение касательной к графику функции $y = \ln x^3$, проходящей через начало координат.

141. Найдите наименьшее и наибольшее значения функции $y = x \ln x - x \ln 5$ на отрезке $[1; 5]$.

142. Найдите наименьшее и наибольшее значения функции $y = 4 \cdot 2^{3x} - 27 \cdot 2^{2x} + 3 \cdot 2^{x+3}$ на отрезке $[-2; 0]$.

143. Попробуйте построить график функции $y = \ln(x^2 - 2x - 3)$ элементарными методами. При необходимости уточните средствами математического анализа.

144. Постройте график функции $y = x^2 e^x$.

145. Найдите наибольшее и наименьшее значения функции $y = x^2 e^x$ на отрезке: а) $[-3; -1]$; б) $[-3; 1]$.

146. Постройте график функции: а) $y = \ln \frac{x+1}{x+2}$; б) $y = (1+x^2)e^{-x^2}$.

147. Сравните 3^π и π^3 .

148. Решите в натуральных числах уравнение $n^k = k^n$.